

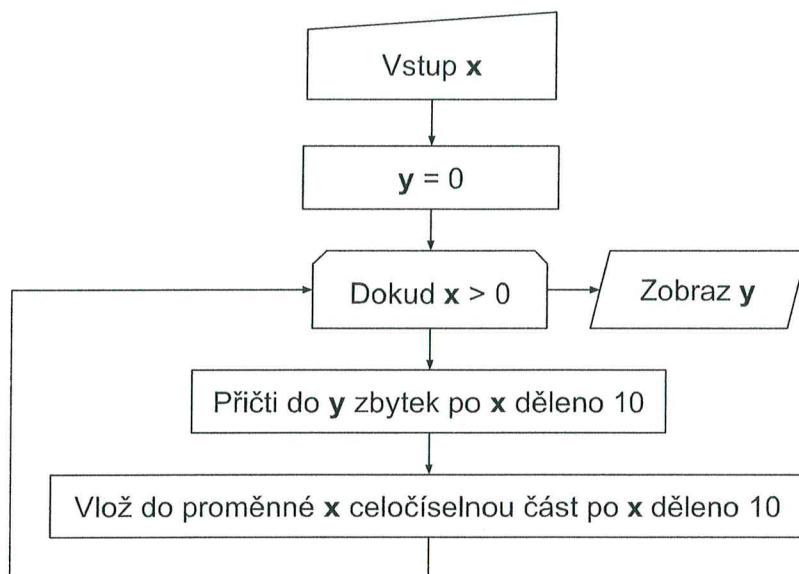
test: 20	U1: 5	U2: 5	U3: 5	U4: 5
Body celkem: 40		Podpis:		

Následující test sestává z 10 testových úloh. V případě testových úloh s výběrem variant odpověď **vyberte pouze jednu z nabízených variant** a tu uveděte do políčka vpravo příslušným písmenem. V případě zbývajících testových úloh napište řešení vlastními slovy do volného, tučně orámovaného políčka.

1. Jaký bude výsledek této funkce: `=power(121;1/2)`
- | | | | | |
|-------|-------|--------|---------|---|
| A) 12 | B) 11 | C) 0,5 | D) 60,5 | B |
|-------|-------|--------|---------|---|
2. Které seřazení jednotek délky podle velikosti je správné?
- | |
|-------------------|
| A) TB, MB, GB, kb |
| B) kB, MB, TB, GB |
| C) TB, GB, MB, B |
| D) GB, B, kB, MB |
- C
3. První hodinu jelo auto rychlostí 25 m/s, pak půlhodinu stálo na odpočívadle a následně za dalších 45 minut dorazilo do cíle vzdáleného od odpočívadla 90 km. Jaká byla průměrná rychlosť auta? Zapište s jednotkou.
- | |
|---------|
| 80 km/h |
|---------|
4. Napište vlastními slovy negaci výroku: „Bude-li pršet, zmokneme“
- | |
|-------------------------|
| NEBUDE PRŠET A ZMOKNEME |
|-------------------------|
5. Která z uvedených vzdáleností je nejdelší?
- | | | | | |
|--------------------|----------------------|-------------------|----------------------|---|
| A) dvě miliardy mm | B) třicet milionů cm | C) třicet tisíc m | D) tisíc šest set km | A |
|--------------------|----------------------|-------------------|----------------------|---|
6. Doba pádu předmětu byla přesně 3 sekundy. Z jaké výšky předmět padal?
- | |
|------|
| 45 m |
|------|
7. Homogenní drát o odporu R byl rozpůlen. Dva vzniklé vodiče byly spojeny paralelně. Vzniklá soustava má odpor:
- | | | | | |
|-------|--------|--------|-------|---|
| A) 4R | B) R/2 | C) R/4 | D) 2R | C |
|-------|--------|--------|-------|---|
8. Jak asi dlouho letí světlo od Slunce na Zemi?
- | | | | | |
|-----------------|-------------|---------------|--------------|---|
| A) světelný rok | B) 50 minut | C) 500 sekund | D) 500 minut | C |
|-----------------|-------------|---------------|--------------|---|
9. Jakou zkratkou označujeme optické rozpoznávání znaků?
- | | | | | |
|--------|--------|--------|--------|---|
| A) OCR | B) ORZ | C) URL | D) ORL | A |
|--------|--------|--------|--------|---|
10. Motorista startoval svůj vůz po dobu 2 sekund s tokem elektrického proudu 90 A. Za jak dlouho se dobije baterie vozu, je-li nabíjecí proud nepřetržitě jedoucího vozidla 2 A? (uvažujeme ideální podmínky beze ztrát)?
- | |
|-----------------------------|
| 90 sekund nebo minuta a půl |
|-----------------------------|

Úloha 1

Program pracuje podle algoritmu znázorněného následujícím vývojovým diagramem:



Určete:

- A. Co bude zobrazeno na konci programu, pokud bude do vstupu zadáno číslo **1384**.
- B. Jaká bude hodnota proměnné **y**, pokud bude do vstupu zadána hodnota **-2024**.
- C. Popište obecně, co znázorněný algoritmus vykonává.
- D. Vyjádřete matematicky závislost výstupní proměnné **y** na vstupní proměnné **x**.

Řešení:

- A. **16**
- B. **0**
- C. Ciferný součet vloženého čísla.

Ciferný součet přirozeného čísla n v soustavě o základu p je roven

$$\sum_{i=0}^N \frac{1}{p^i} (n \bmod p^{i+1} - n \bmod p^i), \text{ kde } N = \left\lfloor \frac{\log n}{\log p} \right\rfloor = \lfloor \log_p n \rfloor$$

Hodnocení:

Správné krokování programu pro kladné číslo (A):	2b
Správný výstup pro záporný vstup (B)	1b
Správné zobecnění (C)	1b
Správný vzorec (D)	1b

Úloha 2

V programu je definován seznam čísel jako pole a uložen do proměnné `p` tímto způsobem:

```
p = [2, 4, 0, 1, 3]
```

K prvku pole se přistupuje jeho indexem, který vyjadřuje jeho pořadí počínaje od 0. Výraz `p[0]` má hodnotu čísla na první pozici, tedy 2. Výraz `p[2]` má hodnotu 0, `p[4] = 3` apod. K prvku pole lze přistupovat i složeným výrazem, například `p[p[3]]` je 4, protože `p[3]` je 1 a `p[1]` má hodnotu 4.

```
p[p[3]] = p[1] = 4
```

Tímto způsobem jsou deklarována tři následující pole čísel:

```
x = [2, 3, 1, 4, 0]
y = [4, 6, -2, 3, 5, 7, 0, 1]
z = [4, 5, 0, 1, 3, 2]
```

Určete, jakou hodnotu budou mít následující výrazy:

- A. `x[1]`
- B. `x[y[2]]`
- C. `x[y[z[3]]]`
- D. `z[y[x[4]]]`
- E. `x[z[5] + y[6]]`

Řešení:

- A. 3
- B. 1
- C. Chyba: IndexError: list index out of range
- D. 3
- E. 1

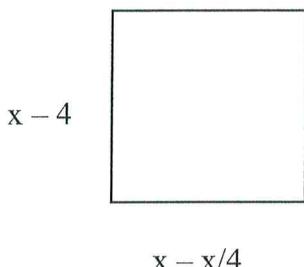
Hodnocení:

- A 1b
- B 1b
- C 1b
- D 1b
- E 1b

Úloha 3

Daný čtverec přeměníme na obdélník tak, že jednu dvojici protějších stran zkrátíme o čtvrtinu a druhou dvojici stran zkrátíme o 4 cm. Vznikne obdélník, jehož obsah bude o 40% menší než obsah původního čtverce. Určete obvod a obsah tohoto obdélníku.

Řešení:



$$S_c = x^2$$

$$S_o = (x - x/4)(x - 4)$$

$$S_o = S_c - 0,4 S_c$$

$$x_1 = 0, \quad x_2 = 20 \Rightarrow \text{jedna strana: } 20 - 4 = 16, \text{ druhá strana: } 20 - 20/4 = 15$$

$$O_o = 2(16 + 15) = 62$$

$$S_o = 16 \cdot 15 = 240$$

Odpověď:

Obdélník má obvod 62 cm, obsah 240 cm².

Hodnocení:

Správné odvození obsahu obdélníka:

2b

Správné číselné vyjádření:

1b

Správná odpověď:

2b

Úloha 4

Zahradní nádrž má 3 kohoutky. Puštěním vody pouze z prvního kohoutku se nádrž napustí za půl dne, puštěním druhého za den a puštěním pouze posledního se nádrž naplní za 6 hodin.

Za jak dlouho se nádrž napustí všemi kohoutky otevřenými současně?

Řešení

Jednotlivými kohouty nateče za hodinu $\frac{1}{12} + \frac{1}{24} + \frac{1}{6}$ nádrže, což je dohromady $\frac{7}{24}$ nádrže.

Celá nádrž se tedy napustí za $\frac{24}{7}$ hod, což je 3.428571428571429 hod, tedy **03:25:43**

Zaokrouhleno na 3.42 - 3.43 \Rightarrow **03:25:12 - 03:25:48**

Hodnocení

2b - Správný postup

2b - Správné řešení

1b - Přesnost na sekundy (včetně zaokrouhlení)